

Priprave na MMO 2025 – 4. domača naloga

1. Poišči vsa praštevila p in q , za katera je tudi $p^q + 5q - 2$ praštevilo.
2. Določi vsa naravna števila n , za katera je

$$\frac{(n^2 - 1)!}{(n!)^n}$$

naravno število.

3. Poišči vse $x, y \in \mathbb{N}$, za katera velja $3^x - 7^y = 2$.
4. Zaporedju a_2, a_3, \dots, a_n naravnih števil pravimo *kozje*, če je za vsak $i \in \{2, 3, \dots, n\}$ natančno a_i členov zaporedja tujih i . Naj bo $m = p_1 p_2 \cdots p_k$, kjer so p_1, p_2, \dots, p_k paroma različna praštevila in $k \geq 2$. Pokaži, da obstajata vsaj dve različni kozji zaporedji dolžine m .

Opomba: Zaporedje a_2, a_3, \dots, a_n ima dolžino $n - 1$.

Naloge rešujte samostojno. Pisne rešitve je potrebno poslati najkasneje do **5. 1. 2025** preko e-maila na naslov **priprave.mmo@gmail.com**. Rešitvam priložite tudi podpisano izjavo o samostojnem delu. Če boste pri reševanju nalog uporabili kakšno literaturo (v tiskani ali elektronski obliki), navedite reference. Standardne literature (knjige *Altius*, *Citius*, *Fortius* in e-revije *Brihtnež*) ni potrebno navajati.

Izjava o samostojnem delu

Spodaj podpisani(-a) (*ime in priimek*) izjavljam, da sem vse naloge reševal(-a) samostojno in brez pomoči drugih oseb.

..... (*kraj in datum*)

Podpis: